



## Рабочая программа дисциплины (модуля)

Б1.О.05 Математический анализ

направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

направленность «Математическое моделирование и вычислительная математика»

РПД адаптирована для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Майкоп, 2020

Факультет математики и компьютерных наук

Кафедра математического анализа и методики преподавания математики

Составитель (разработчик) программы: старший преподаватель кафедры  
математического анализа и методики преподавания математики

Т.Г. Беликова. 


Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры математического анализа и методики  
преподавания математики от «30» июня. 2020 г., протокол № 10

Заведующий кафедрой: д.ф.м.н., доцент, М.М. Шумафов 

Согласовано:

Председатель УМК факультета:

доцент кафедры прикладной математики, информационных технологий и  
информационной безопасности, кандидат пед. наук,

доцент Ш.Т. Меретуков 

## Содержание

стр.

	Пояснительная записка.....	4
1.	Цели и задачи дисциплины (модуля).....	4
2.	Объем дисциплины (модуля) по видам учебной работы.....	7
3.	Содержание дисциплины (модуля).....	7
4.	Самостоятельная работа обучающихся.....	11
5.	Учебно-методическое обеспечение дисциплины (модуля).....	13
6.	Образовательные технологии.....	16
7.	Методические рекомендации по дисциплине (модулю) .....	24
8.	Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов .....	28
9.	Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля).....	31
10.	Лист регистрации изменений .....	32

### Пояснительная записка

Рабочая программа дисциплины (модуля) составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика.

Дисциплина (модуль) «Математический анализ» относится к обязательной части блока дисциплин учебного плана.

Для освоения дисциплины (модуля) необходимы знания, умения и владения, сформированные в ходе изучения школьного курса математики, алгебры и геометрии.

Трудоемкость дисциплины: 17 з.е./ 612 ч.;

контактная работа: 262.2 ч.,

занятия лекционного типа – 110 ч.,

занятия семинарского типа (семинары) – 132 ч.,

контроль самостоятельной работы – 18 ч.,

интер. часы – 100 ч.,

иная контактная работа – 2.2 ч.,

контролируемая письменная работа – 0 ч.,

СР – 189 ч.,

контроль – 160.8 ч.

Ключевые слова: предел, функция, непрерывность, производная, дифференциал, интеграл, дифференцируемость, интегрируемость.

#### 1. Цели и задачи дисциплины (модуля).

Цель дисциплины (модуля): овладение основными понятиями предмета, освоение методов дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких действительных переменных.

Задачи дисциплины (модуля):

1. Изучить основные понятия и методы теории пределов, дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких действительных переменных, теории рядов.
2. Знать основные методы современного математического анализа и их возможности для решения прикладных задач.
3. Уметь использовать систему знаний дисциплины для адекватного математического моделирования различных процессов.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

Знать:

- основные определения математического анализа;
- основные понятия дифференциального и интегрального исчисления функций одной и многих переменных, их свойства и взаимосвязь;
- основные понятия теории числовых и функциональных рядов, использование рядов для приближенных вычислений;
- понятия функции комплексной переменной, ее производной, интеграла по дуге;
- основные свойства интегральных преобразований Фурье.

Уметь:

- вычислять производные функций одной или нескольких переменных;
- вычислять определенные, двойные и тройные интегралы;
- исследовать свойства и строить графики функций;
- находить экстремумы функций 1, 2-х и 3-х переменных;
- строить степенные разложения и проводить с их помощью вычисление значений функций, определенных интегралов;
- строить разложение в тригонометрический ряд Фурье.

Владеть:

- методами математического анализа;
- математическими методами исследования математической модели;
- навыками по построению математических моделей реальных инженерных задач с позиций математического анализа.

Ознакомиться:

- с особенностями языка математики - строением определений и теорем, основными методами логических рассуждений;
- основными понятиями теории скалярного и векторного полей.

Таблица 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция (код и наименование)	Индикаторы достижения компетенций (код и наименование)	Результаты обучения
ПК-1. Способен демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, программирования и информационных технологий	ПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий	Знает: основные понятия дифференциального и интегрального исчисления функций одной и многих переменных, их свойства и взаимосвязь;  основные понятия теории числовых и функциональных рядов, использование рядов для приближенных вычислений.
	ПК-1.2. Умеет находить, формулировать и решать стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в области программирования и информационных технологий	Умеет: находить, формулировать и решать стандартные задачи в области дифференциального и интегрального исчисления.  Владеет: методами математического анализа; навыками по построению математических моделей реальных инженерных задач с позиций математического анализа.
	ПК-1.3. Имеет практический опыт научно-исследовательской деятельности в области программирования и информационных технологий	Умеет: использовать полученные при изучении математического анализа знания в области программирования и информационных технологий.  Владеет: математическими методами исследования математической модели.

## 2. Объем дисциплины (модуля) по видам учебной работы.

Таблица 2. Объем дисциплины (модуля) общая трудоемкость: 17 з.е. / 612 ч.

Форма обучения очная

Виды учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах			
		1	2	3	4
Общая трудоемкость дисциплины	612	180	144	144	144
Контактная работа:	262.2	91.55	61.55	57.55	51.55
занятия лекционного типа (Л)	110	52	24	18	16
занятия семинарского типа (ЛР) (семинары)	132	34	32	34	32
контроль самостоятельной работы (КСР)	18	5	5	5	3
иная контактная работа (ИКР)	2.2	0.55	0.55	0.55	0.55
контролируемая письменная работа	-			-	
Контроль (К)	160.8	53.7	26.7	53.7	26.7
Самостоятельная работа (СР)	189	34.75	55.75	32.75	65.75
Курсовая работа (проект)	-			-	
Вид промежуточного контроля (зачет, экзамен, диф. зачет)		зачет, экзамен	зачет, экзамен	зачет, экзамен	зачет, экзамен

## 3. Содержание дисциплины (модуля).

Таблица 3. Распределение часов по темам и видам учебной работы

Форма обучения очная

Семестр 1

Номер раздела (модуля)	Наименование разделов (модулей) и тем дисциплины	Объем в часах					
		Всего	Л	ПЗ	КСР	К	СР и иная работа
Модуль 1	<u>Введение в анализ</u> Содержание раздела. Множество $R$ . Модуль действительного числа. Ограниченные и неограниченные множества. Бином Ньютона. Числовые функции одной переменной.	58	16	12	2	17	11

	Числовые последовательности. Предел последовательности.						
Модуль 2	<u>Предел, непрерывность и дифференцируемость функции одной переменной.</u> Содержание раздела. Предел функции. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства пределов. Замечательные пределы. Функции, непрерывные на отрезке. Точки разрыва функции. Равномерная непрерывность. Дифференцируемость функции.	59	18	10	1	18	12
Модуль 3	<u>Дифференциальное исчисление функций одной переменной.</u> Содержание раздела. Дифференциал функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Теоремы дифференциального исчисления. Правила Лопиталя. Экстремум функции. Выпуклость, точки перегиба; асимптоты графика.	63	18	12	2	18.7	12.3
Итого		180	52	34	5	53.7	35.3

#### Семестр 2

Номер раздела (модуля)	Наименование разделов (модулей) и тем дисциплины	Объем в часах					
		Всего	Л	ПЗ	КСР	К	СР и иная работа
Модуль 1	<u>Интегральное исчисление функций одной переменной.</u> Содержание раздела. Первообразная и неопределенный интеграл. Методы интегрирования в неопределенном интеграле. Определенный интеграл. Суммы Дарбу и их свойства. Условия интегрируемости. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и	48	8	10	2	9	19



	интегрирование по частям в определенном интеграле.						
Модуль 2	<u>Определенный интеграл и его приложения.</u> Содержание раздела. Вычисления площадей фигур. Вычисление объемов тел. Длина дуги кривой. Площадь поверхности вращения. Физические приложения определенного интеграла.	51	10	12	1	9	19
Модуль 3	<u>Несобственные интегралы. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.</u> Содержание раздела. Несобственные интегралы, их абсолютная и условная сходимость. Евклидово пространство $R^k$ , аксиомы метрики. Точки и множества в $R^k$ . Функции нескольких переменных, их дифференцируемость. Производные и дифференциалы высших порядков.	45	6	10	2	8.7	18,3
Итого		144	24	32	5	26.7	56.3

### Семестр 3

Номер раздела (модуля)	Наименование разделов (модулей) и тем дисциплины	Объем в часах					
		Всего	Л	ПЗ	КСР	К	СР и иная работа
Модуль 1	<u>Приложения дифференциального исчисления.</u> Содержание раздела. Формула Тейлора. Дифференцируемость неявных функций одной, двух переменных. Экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум.	47	6	12	1	18	10
Модуль 2	<u>Числовые и функциональные ряды.</u>	52	7	12	2	19	12

	<u>Степенные и тригонометрические ряды.</u> Содержание раздела. Сходящиеся и расходящиеся числовые ряды. Признаки сходимости положительных числовых рядов. Ряд и его остаток. Признаки сходимости для знакочередующихся и знакопеременных рядов. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Функциональные последовательности. Признаки и свойства равномерной сходимости функционального ряда. Степенные ряды, их равномерная сходимость. Разложение в степенной ряд элементарных функций. Тригонометрические ряды Фурье. Разложение функций в ряд Фурье.						
Модуль 3	<u>Интегралы, зависящие от параметра. Криволинейные интегралы</u> Содержание раздела. Собственные и несобственные интегралы, зависящие от параметра. Эйлеровы интегралы. Криволинейные интегралы I и II рода.	45	5	10	2	16.7	11.3
Итого		144	18	34	5	53.7	33.3

#### Семестр 4

Номер раздела (модуля)	Наименование разделов (модулей) и тем дисциплины	Объем в часах					
		Всего	Л	ПЗ	КСР	К	СР и иная работа
Модуль 1	<u>Двойные интегралы.</u> Содержание раздела. Определение и вычисление двойного интеграла. Замена переменных в двойном интеграле. Приложения	45	6	8	1	8	22

	двойного интеграла.						
Модуль 2	<u>Тройной интеграл.</u> <u>Поверхностные интегралы 1-го и 2-го рода.</u> Тройной интеграл. Замена переменных в тройном интеграле. Приложения тройного интеграла. Поверхностные интегралы 1-го и 2-го рода и их приложения. Теорема Остроградского. Теорема Стокса.	47	4	12	1	8	22
Модуль 3	<u>Элементы теории поля.</u> <u>Мера и интеграл Лебега.</u> Содержание раздела. Скалярное поле, производная по направлению, градиент. Векторное поле, его основные характеристики. Теоремы Стокса и Гаусса-Остроградского. Измеримые функции и их свойства. Интеграл Лебега.	52	6	12	1	10.7	22.3
Итого		144	16	32	3	26.7	66.3

#### 4. Самостоятельная работа обучающихся.

Цели самостоятельной работы – освоить те разделы дисциплины, которые не были затронуты в процессе аудиторных занятий, но предусмотрены рабочей программой, а также расширить границы получаемых знаний, умений и навыков (владений) в процессе дополнительного изучения отдельных тем, решении практических задач, исследования отдельных вопросов дисциплины с помощью учебно-методической литературы; подготовиться к занятиям лекционного и семинарского типа.

*Виды самостоятельной работы:*

- подготовка сообщений по теме;
- самоподготовка по материалам лекций;
- подготовка к практическим занятиям;
- подготовка к контрольной работе;
- выполнение индивидуальных практических заданий.

Таблица 4. Содержание самостоятельной работы обучающихся  
1-4 сем.

№ п/п	Вид самостоятельной работы	Разделы или темы рабочей программы	Форма отчетности
1	<p><u>Внеаудиторная:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- изучение теоретического материала по конспектам лекций; конспектирование вопросов, оговоренных на лекции, по учебной литературе;</li> <li>- выполнение домашних заданий и подготовка к практическим и лабораторным занятиям;</li> <li>- подготовка сообщений, выступлений, конспектов и др.</li> </ul> <p>Индивидуальное домашнее задание</p>	<p>Непрерывность функции.</p> <p>Исследование функции и построение графиков</p> <p>Приложения определенного интеграла.</p> <p>Экстремум ФНП</p> <p>Свойства равномерно сходящихся функциональных рядов.</p> <p>Приложения теории рядов.</p> <p>Приложения криволинейных интегралов первого и второго рода.</p> <p>Поверхностные интегралы первого и второго рода.</p>	<p>Домашняя контрольная работа</p>
2	<i>Реферат</i>	<p>Развитие понятия функции.</p> <p>Развитие теории дифференциального исчисления.</p>	<p>Представить на кафедру</p> <p>Представить на кафедру</p>
3	<i>Доклад</i>	<p>Вычисление некоторых пределов.</p> <p>Применение производной к решению школьных задач (по материалам журнала «Математика в школе»).</p> <p>Контрпримеры в анализе.</p> <p>Задачи на условный экстремум.</p> <p>Дифференцируемость и интегрируемость равномерно сходящихся функциональных рядов.</p> <p>Механические и физические</p>	<p>Доклад на практическом занятии</p> <p>Доклад на практическом занятии</p> <p>Доклад на конференции</p> <p>Доклад на практическом занятии</p> <p>Доклад на практическом занятии</p>

		<p>приложения двойных интегралов.</p> <p>Механические и физические приложения тройных интегралов.</p> <p>Вычисление поверхностных интегралов с помощью формулы Остроградского.</p> <p>Приложение формулы Стокса к исследованию интегралов в пространстве.</p> <p>Физические приложения двойных и тройных интегралов.</p>	<p>занятия</p> <p>Доклад на практическом занятии</p> <p>Доклад на практическом занятии</p> <p>Доклад на практическом занятии</p>
4	Самоподготовка	<p>Подготовка к сдаче стандартных задач по всем разделам.</p> <p>Подготовка к контрольной точке.</p> <p>Чтение текста учебника и лекций по предмету и их обработка</p> <p>Ответы на контрольные вопросы по темам модулей.</p> <p>Самоподготовка по материалам лекций</p> <p>Подготовка сообщений по теме</p> <p>Выполнение индивидуальных заданий</p>	<p>Написание стандартных задач.</p> <p>Написание теоретической части модулей</p> <p>Написание теоретической части модулей</p> <p>Написание диктанта</p> <p>Выступление на лекции-конференции и на практических занятиях</p> <p>Выполнение домашних контрольных работ</p>
	Всего часов:		252.25 ч.

#### 4.1. Типы семестровых заданий:

1. Подготовка отдельных докладов по темам занятий.

2. Поиск учебных видеофильмов, роликов для дальнейшей демонстрации на занятии.
3. Подготовка мультимедийной презентации.

## 5. Учебно-методическое обеспечение дисциплины (модуля).

Таблица 5.1. Основная литература

№ п/п	Наименование, библиографическое описание
1	Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа: в 3-т. Т. 1. Учебник для бакалавров. 6-е изд.-М.:ЮРАЙТ, 2012. (электронный вариант из ЭБС).
2	Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа: в 3-т. Т. 2. Учебник для бакалавров. 6-е изд.-М.:ЮРАЙТ, 2012. (электронный вариант из ЭБС).
3	Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа: в 3-т. Т. 3. Учебник для бакалавров. 6-е изд.- М.:ЮРАЙТ, 2012. (электронный вариант из ЭБС).

Таблица 5.2. Дополнительная литература

№ п/п	Наименование, библиографическое описание
1	Апарина Л.В. Числовые и функциональные ряды. 2-е изд., испр. Лань 2012. 160 с.
2	. Берман Г.Н. Решебник к сборнику задач по курсу математического анализа Бермана. Лань, 2008. 116 стр.
3	Мордкович, А. Г. Сборник задач по введению в анализ и дифференциальному исчислению функций одной переменной: учебное пособие для вузов / Мордкович А.Г., Мухин А.Е. – М. : Просвещение, 1985.
4	Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике (типовые расчеты): учебное пособие для втузов. – 2-е изд., доп. / Л.А. Кузнецов. – М.: Высшая школа, 1994
5	Виноградова И.А. Задачи и упражнения по математическому анализу: Учеб. пособие для ун-тов, вузов: в 2 кн. Кн. 2: Ряды, несобственные интегралы, кратные и поверхностные интегралы/ И.А. Виноградова, С.Н. Олехник, В.А. Садовничий / под ред. В.А. Садовниченко. – 2-е изд., перераб. – М.: Высшая школа, 2002
6	Ильин В.А.,Позняк Э.Г. Основы математического анализа в 2 частях. Часть 1. Учебник для вузов. М.: ФизМатЛит, 2009. -648 с.
7	Ильин В.А., Позняк Э.Г. Основы математического анализа в 2 частях. Часть 2. Учебник для вузов. М.: ФизМатЛит, 2009. -464 с

Таблица 5.3. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

№ п/п	Название (адрес) ресурса
1	Замятин В.Н., Шаова С.М. Числовые и функциональные ряды. Учебно-методическое пособие / В.Н.Замятин, С.М. Шаова. [Электронный ресурс] – Режим доступа: <a href="http://www.adygnet.ru/node/1216">http://www.adygnet.ru/node/1216</a>
2	Математический анализ ( <a href="http://famicon.adygnet.ru/moodle/course/view.php?id=116">http://famicon.adygnet.ru/moodle/course/view.php?id=116</a> )
3	Математический анализ ( <a href="http://famicon.adygnet.ru/moodle/course/view.php?id=115">http://famicon.adygnet.ru/moodle/course/view.php?id=115</a> )
4	Вопросы к курсу "Математический анализ"

	( <a href="http://famicon.adygnet.ru/moodle/course/view.php?id=115">http://famicon.adygnet.ru/moodle/course/view.php?id=115</a> )
5	Шаова С.М.Лабораторный практикум по математическому анализу: уч.- мет. пособие. Номер регистрации электронного издания 0321301835 НТИЦ «Информрегистр». 2013
6	Тер-Криков, А.М. Курс математического анализа : учебное пособие / А.М. Тер-Криков, М.И. Шабунин. - 5-е изд. (эл.). - М. : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2012. - 672 с. - ISBN 978-5-9963-0796-8 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=222880">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=222880</a>

Таблица 5.4. Периодические издания

№ п/п	Наименование
1.	Журнал «Вестник Адыгейского государственного университета». Сер. Естественно-математические и технические науки. URL: <a href="http://vestnik.adygnet.ru">http://vestnik.adygnet.ru</a>
2.	Журнал "МИФ" <a href="http://virlib.eunnet.net/mif">virlib.eunnet.net/mif</a> (Математика, Информатика, Физика) был основан в 1996 году по инициативе кафедр математики, информатики и физики Специализированного учебно-научного центра (лицея) Уральского университета
3.	Журнал «Труды Физического общества Республики Адыгея» <a href="http://fora.adygnet.ru/">http://fora.adygnet.ru/</a>

**Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем:**

1. ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [www.biblioclub.ru](http://www.biblioclub.ru)
2. ЭБС АГУ на платформе аппаратно-программного комплекса ООО КДУ <http://adygnet.bibliotech.ru>
3. ЭБС «Юрайт» [www.biblio-online.ru](http://www.biblio-online.ru)
4. ЭБС «Лань» [www.e.lanbook.com](http://www.e.lanbook.com)
5. ФГБУ «Российская государственная библиотека» <http://dvs.rsl.ru>
6. ООО «Научная электронная библиотека» (НЭБ) [www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru)
7. Некоммерческое партнерство «Ассоциированные региональные библиотечные консорциумы» (АРБИКОН) <http://arbicon.ru/services/>
8. Некоммерческое партнерство «Национальный электронно-информационный консорциум» (НЭИКОН) [www.neicon.ru](http://www.neicon.ru)
9. ООО «Фактор Плюс» (СПС «Консультант Плюс») [www.consultant.ru](http://www.consultant.ru)
10. ООО «Компания АПИ «ГАРАНТ» [www.garant.ru](http://www.garant.ru)
11. Web of Science <https://apps.webofknowledge.com>
12. Scopus <https://www.scopus.com/search/>
13. zbMATH <https://zbmath.org/>
14. Elsevier («Эльзевир») <https://www.elsevier.com/>
15. Science Direct <https://www.sciencedirect.com/>
16. Nature Journals <https://www.nature.com/siteindex/> Полнотекстовая коллекция журналов Nature Publishing Group.



17. Springer Nature Experiments <https://experiments.springernature.com/> Коллекция научных протоколов по различным отраслям знаний.

18. Springer Materials <https://materials.springer.com/> Коллекция научных материалов в области физических наук и инжиниринга.

19. Nano <https://nano.nature.com/> База данных в области нанотехнологий, содержащая информацию о наноматериалах

20. Проект Евклид <https://www.projecteuclid.org/>

21. Официальный сайт науки и высшего образования РФ <https://minobrnauki.gov.ru/>

22. Информационная система "Единое окно доступа к образовательным ресурсам" <http://window.edu.ru/>

23. Базы данных ИНИОН РАН <http://inion.ru/resources/bazy-dannykh-inion-ran/>

24. Университетская информационная система Россия [uisrussia.msu.ru](http://uisrussia.msu.ru)

## 6. Образовательные технологии

Таблица 6. Образовательные технологии

### Семестр 1

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1.	Модуль 1. <u>Введение в анализ</u>	Лекция 1.  Лекция 2.  Лекция 3.  Лекция 4.  Лекция 5.  Семинар 1. Семинар 2. Семинар 3. Семинар 4. Семинар 5.	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения  Лекция с разбором конкретных ситуаций  Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением

		Самостоятельная работа	<p>доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты</p>
2.	Модуль 2. <u>Предел.</u> <u>непрерывность и</u> <u>дифференцируемость</u> <u>функции одной</u> <u>переменной</u>	<p>Лекция 6.</p> <p>Лекция 7.</p> <p>Лекция 8.</p> <p>Лекция 9.</p> <p>Лекция 10.</p> <p>Семинар 6.</p> <p>Семинар 7.</p> <p>Семинар 8.</p> <p>Семинар 9.</p> <p>Семинар 10.</p> <p>Самостоятельная работа</p>	<p>Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий</p> <p>Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения</p> <p>Лекция с заранее запланированными ошибками</p> <p>Лекция с разбором конкретных ситуаций</p> <p>Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p>

			доклада
			Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
3.	Модуль 3. <u>Дифференциальное исчисление функций одной переменной.</u>	Лекция 11.	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий
		Лекция 12.	Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения
		Лекция 13.	Лекция с заранее запланированными ошибками
		Лекция 14.	Лекция с разбором конкретных ситуаций
		Лекция 15.	
		Семинар 11.	Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления
		Семинар 12.	
		Семинар 13.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Семинар 14.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Семинар 15.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Семинар 16.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Самостоятельная работа	Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Консультирование и проверка домашних заданий посредством

			электронной почты
--	--	--	-------------------

## Семестр 2

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1.	Модуль 1. <u>Интегральное</u> <u>исчисление</u> <u>функций</u> одной <u>переменной.</u>	Лекция 1.  Лекция 2.  Лекция 3.  Лекция 4.  Семинар 1.  Семинар 2.  Семинар 3.  Семинар 4.  Семинар 5.  Самостоятельная работа	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения  Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
2.	Модуль 2. <u>Определенный</u> <u>интеграл и его</u> <u>приложения.</u>	Лекция 5.  Лекция 6.	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий  Тематическая лекция с использованием

		<p>Лекция 7.</p> <p>Лекция 8.</p> <p>Семинар 6.</p> <p>Семинар 7.</p> <p>Семинар 8.</p> <p>Семинар 9.</p> <p>Семинар 10.</p> <p>Самостоятельная работа</p>	<p>технологии развивающего обучения</p> <p>Лекция с разбором конкретных ситуаций</p> <p>Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты</p>
3.	<p>Модуль 3.</p> <p><u>Несобственные интегралы.</u></p> <p><u>Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.</u></p>	<p>Лекция 9.</p> <p>Лекция 10.</p> <p>Лекция 11.</p> <p>Лекция 12.</p> <p>Семинар 11.</p> <p>Семинар 12.</p> <p>Семинар 13.</p> <p>Семинар 14.</p>	<p>Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий</p> <p>Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения</p> <p>Лекция с заранее запланированными ошибками</p> <p>Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением доклада</p> <p>Развернутая беседа с обсуждением</p>

		Семинар 15.	доклада
		Семинар 16.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Самостоятельная работа	Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

### Семестр 3

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1.	Модуль 1. <u>Приложения</u> <u>дифференциального</u> <u>исчисления</u>	Лекция 1.  Лекция 2.  Лекция 3.  Семинар 1.  Семинар 2.  Семинар 3.  Семинар 4.  Семинар 5.  Самостоятельная работа	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Консультирование и проверка домашних заданий посредством

			электронной почты
2.	Модуль 2. <u>Числовые и функциональные ряды.</u> <u>Степенные и тригонометрические ряды.</u>	Лекция 4.  Лекция 5.  Лекция 6.  Семинар 6.  Семинар 7.  Семинар 8.  Семинар 9.  Семинар 10.  Самостоятельная работа	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий  Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения  Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
3.	Модуль 3. <u>Интегралы, зависящие от параметра. Интегральное исчисление функций нескольких переменных.</u>	Лекция 7.  Лекция 8.  Лекция 9. Семинар 11.  Семинар 12.  Семинар 13.	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения  Лекция с разбором конкретных ситуаций Развернутая беседа с обсуждением доклада

		Семинар 14.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Семинар 15.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Семинар 16.	Развернутая беседа с обсуждением доклада
		Самостоятельная работа	Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Развернутая беседа с обсуждением доклада
			Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

#### Семестр 4

№ п/п	Наименование раздела	Виды учебных занятий	Образовательные технологии
1	2	3	4
1.	Модуль 1. <u>Элементы теории поля.</u> <u>Мера</u> и <u>интеграл Лебега.</u>	Лекция 1.  Лекция 2.  Лекция 3.  Семинар 1.  Семинар 2.  Семинар 3.  Семинар 4.  Семинар 5.  Самостоятельная работа	Вводная лекция с использованием информационно – коммуникационных технологий  Тематическая лекция с использованием технология проблемного обучения  Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
2.	Модуль 2. <u>Комплексные</u>	Лекция 4.	Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения



	<u>числа.</u> <u>Функции</u> <u>комплексной</u> <u>переменной.</u> <u>Элементарные</u> <u>функции и</u> <u>интеграл</u> <u>аналитической</u> <u>функции.</u>	Лекция 5.  Семинар 6.  Семинар 7.  Семинар 8.  Семинар 9.  Семинар 10.  Семинар 11.  Семинар 12.  Самостоятельная работа	Лекция с разбором конкретных ситуаций  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты
3.	Модуль 3. <u>Ряд Тейлора.</u> <u>Основная</u> <u>теорема Коши.</u> <u>Ряд Лорана.</u> <u>вычеты и их</u> <u>приложения.</u>	Лекция 6.  Лекция 7. Лекция 8.  Семинар 13.  Семинар 14.  Семинар 15.  Семинар 16.  Самостоятельная работа	Тематическая лекция с использованием технологии развивающего обучения  Лекция с разбором конкретных ситуаций Заключительная лекция с использованием технологии развития критического мышления  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Развернутая беседа с обсуждением доклада  Консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты

## 7. Методические рекомендации по дисциплине (модулю).

### Методические рекомендации преподавателю

Изучив содержание учебной дисциплины, целесообразно разработать матрицу наиболее предпочтительных методов обучения и форм самостоятельной работы студентов, адекватных видам лекционных и семинарских занятий.

Необходимо предусмотреть развитие форм самостоятельной работы, выводя студентов к завершению изучения учебной дисциплины на её высший уровень. По учебному плану предусмотрено проведение разного типа занятий.

Вузовская лекция – главное звено дидактического цикла обучения. Её цель – формирование у студентов ориентировочной основы для последующего усвоения материала методом самостоятельной работы. Содержание лекции должно отвечать следующим дидактическим требованиям:

- изложение материала от простого к сложному;
- логичность, четкость и ясность в изложении материала;
- возможность проблемного изложения, дискуссии, диалога с целью активизации деятельности студентов;
- опора смысловой части лекции на подлинные факты, события, явления, статистические данные;
- тесная связь теоретических положений и выводов с практикой и будущей профессиональной деятельностью студентов.

Преподаватель, читающий лекционные курсы в вузе, должен знать существующие в педагогической науке и используемые на практике варианты лекций, их дидактические и воспитывающие возможности, а также их методическое место в структуре процесса обучения.

Лекции читаются с использованием наглядных пособий и электронных презентаций, с применением современных методов обучения, стимулирующих познавательную активность. В начале каждого практического занятия преподаватель организует повторение изученного на лекции материала по контрольным вопросам к данному практическому занятию, вспоминает со студентами понятийный аппарат. При возникновении затруднений у студентов при решении задач преподаватель подробно разбирает каждый шаг решения с обязательным вовлечением студентов группы в процесс обсуждения алгоритма решения задачи.

В условиях преобладающего теоретического обучения обязательным условием для формирования умений и навыков является усвоение теоретического материала, поэтому вопросы контроля должны проверять тот теоретический материал, содержание которого представлено в конспекте лекции и указанной литературе. Перечень рассматриваемых вопросов по теме преподаватель формирует во время чтения лекции.

По уровню сложности предусматриваются самые различные вопросы, предполагающие воспроизведение и закрепление теоретического материала, проверку его осмысления, вопросы на обобщение, анализ и синтез и др. Обязательно предусматриваются контрольные вопросы на проверку усвоения определений ключевых понятий, знание фактов, теорий, концепций, то есть всего того, что определяет основное содержание темы.

Вопросы и задания для контроля должны позволить студентам самостоятельно определить уровень усвоения учебного материала по теме, представленного в лекции, на практическом занятии.

Семинар проводится по узловым и наиболее сложным вопросам (темам, разделам) учебной программы. Он может быть построен как на материале одной лекции, так и на содержании обзорной лекции, а также по определённой теме без чтения предварительной лекции. Главная и определяющая особенность любого семинара – наличие элементов дискуссии, проблемности, диалога между преподавателем и студентами и самими студентами.

При подготовке классического семинара желательно придерживаться следующего алгоритма:

*а) разработка учебно-методического материала:*

- формулировка темы, соответствующей программе;
- определение дидактических, воспитывающих и формирующих целей занятия;
- выбор методов, приемов и средств обучения для проведения семинара;
- подбор литературы для преподавателя и студентов;
- при необходимости проведение консультаций для студентов;

*б) подготовка студентов и преподавателя:*

- составление плана семинара из 3-4 вопросов;
- предоставление студентам 4-5 дней для подготовки к семинару;
- предоставление рекомендаций о последовательности изучения литературы (учебники, учебные пособия, законы и постановления, руководства и положения, конспекты лекций, статьи, справочники, информационные сборники и бюллетени, статистические данные и др.);
- создание набора наглядных пособий.

Подводя итоги семинара, можно использовать следующие критерии (показатели) оценки ответов:

- полнота и конкретность ответа;
- последовательность и логика изложения;
- связь теоретических положений с практикой;
- обоснованность и доказательность излагаемых положений;
- наличие качественных и количественных показателей;
- наличие иллюстраций к ответам в виде исторических фактов, примеров и пр.;
- уровень культуры речи;
- использование наглядных пособий и т.п.

В конце семинара рекомендуется дать оценку всего семинарского занятия, обратив особое внимание на следующие аспекты:

- качество подготовки;
- степень усвоения знаний;
- активность;
- положительные стороны в работе студентов;
- ценные и конструктивные предложения;
- недостатки в работе студентов;

- задачи и пути устранения недостатков.

При проведении аттестации студентов важно всегда помнить, что систематичность, объективность, аргументированность – главные принципы, на которых основаны контроль и оценка знаний студентов. Знание критериев оценки знаний обязательно для преподавателя и студента.

### **Методические указания студентам по дисциплине**

Профессиональная подготовка в современных вузах строится по принципу «от теории к практике», что создает базу для формирования умений и владений (навыков) на основе усвоения теоретического материала. Именно поэтому следует особое внимание уделять качеству усвоения теоретического материала.

Изучение дисциплины предусматривает лекционные и практические занятия, а также самостоятельную работу. Изучение курса завершается промежуточной аттестацией. Успешное изучение курса требует посещения лекций, активной работы на практических занятиях, выполнения всех учебных заданий, ознакомления с основной и дополнительной литературой.

Цель лекции – формирование ориентировочной основы для последующего усвоения студентами учебного материала. Лекция в процессе изучения дисциплины позволяет представить студенту новый учебный материал, разъяснить темы, трудные для понимания, систематизировать учебный материал, сориентировать в структуре и содержании учебного процесса.

В ходе лекций преподаватель излагает и разъясняет основные, наиболее сложные понятия темы, а также связанные с ней теоретические и практические проблемы, дает рекомендации для практического занятия и указания для выполнения самостоятельной работы.

В ходе лекционных занятий обучающемуся необходимо вести конспектирование учебного материала. Обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание изучаемой дисциплины, научные выводы и практические рекомендации.

Материал каждой лекции должен быть проработан: должны быть выделены определения, понятия, законы, теоремы и их доказательства (при наличии). Должна быть усвоена логическая связь элементов изученного материала.

При параллельной работе с учебной литературой необходимо конспектировать прорабатываемый материал. Все непонятные моменты следует обязательно разобрать с преподавателем на занятии или в рамках СР.

Подготовка к лекции заключается в следующем: прочитайте учебный материал по теме лекции в учебниках и учебных пособиях, уясните место изучаемой темы в своей профессиональной подготовке, выпишите основные термины, уясните, какие учебные элементы остались для вас неясными, запишите вопросы, которые вы зададите лектору на лекции.

Практическое занятие – форма организации обучения, которая направлена на формирование практических умений и навыков и является связующим звеном между самостоятельным теоретическим освоением студентами учебной дисциплины и применением ее положений на практике. Практическое занятие позволяет развить у

студентов профессиональную культуру и профессиональную коммуникацию. Преподаватель в этом случае является координатором обсуждений предложенных практических заданий, подготовка которых является обязательной. Поэтому тема, практические задания и основные источники обсуждения предлагаются студентам заранее. Цели обсуждения и выполнения заданий направлены на формирование знаний, умений и навыков профессиональной полемики и формирование компетенций. На этапе подготовки доминирует самостоятельная работа студентов по решению проблем и заданий, а в процессе занятия идет активное обсуждение, дискуссии и выступления студентов, где они под руководством преподавателя делают обобщающие выводы и заключения.

Зная тему практического занятия, необходимо готовиться к нему заблаговременно: читать рекомендованную и дополнительную литературу, конспект лекций, методические указания к практическим занятиям, структурировать материал, составлять словарь терминов, отвечать на контрольные вопросы, решать ситуационные задачи и т.п. На практическом занятии вы можете получить консультацию преподавателя по любому учебному вопросу изучаемой темы.

Под самостоятельной работой студентов понимают учебную деятельность студентов, которая организована преподавателями, но осуществляется студентом без непосредственного участия преподавателя в учебной деятельности студента. Все виды самостоятельной работы студентов по дисциплине представлены в фонде оценочных средств. Четкая организация самостоятельной работы студентов делает ее эффективной. Это обеспечивается предоставлением студентам: учебных и учебно-методических пособий; тематических планов лекций, практических занятий, образцов контрольных работ, тестов, кейсов и др.; перечня знаний и умений, которыми они должны овладеть при изучении дисциплины; информации о процедуре сдачи зачета и экзамена и др. Ответы представляются в письменной форме (печатной, непосредственно преподавателю, или электронной).

Самостоятельная работа студента является основным средством овладения учебным материалом во время, свободное от обязательных учебных занятий. Она включает в себя выполнение различного рода заданий, которые ориентированы на более глубокое усвоение материала изучаемой дисциплины. По каждой теме учебной дисциплины студентам предлагается перечень заданий для самостоятельной работы.

К выполнению заданий для самостоятельной работы предъявляются следующие требования: задания должны исполняться самостоятельно и представляться в установленный срок, а также соответствовать установленным требованиям по оформлению. Студентам следует: руководствоваться графиком самостоятельной работы, выполнять все плановые задания, выдаваемые преподавателем для самостоятельного выполнения, и разбирать на семинарах и консультациях неясные вопросы; при подготовке к экзамену параллельно прорабатывать соответствующие теоретические и практические разделы дисциплины, фиксируя неясные моменты для их обсуждения на консультации с преподавателем.

Самостоятельная работа студентов является обязательным компонентом образовательного процесса, так как она обеспечивает закрепление получаемых на

лекционных занятиях знаний путем приобретения навыков осмысления и расширения их содержания, навыков решения актуальных проблем формирования общекультурных и профессиональных компетенций, научно-исследовательской деятельности, подготовки к семинарам, лабораторным работам, сдаче зачетов и экзаменов.

Подготовка к промежуточной аттестации ведется на основе полученного лекционного материала и рекомендованной литературы, осмысления работы на практических занятиях и самостоятельной работы.

## **8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

- для слепых и слабовидящих:
  - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
  - письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением, или могут быть заменены устным ответом;
  - обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;
  - для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств;
  - письменные задания оформляются увеличенным шрифтом;
  - экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.
- для глухих и слабослышащих:
  - лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;
  - письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме;
  - экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.
- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
  - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
  - письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением;
  - экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

- для слепых и слабовидящих:
  - в печатной форме увеличенным шрифтом;
  - в форме электронного документа;
  - в форме аудиофайла.
- для глухих и слабослышащих:
  - в печатной форме;
  - в форме электронного документа.
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
  - в печатной форме;
  - в форме электронного документа;
  - в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения.

#### **9. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля).**

Лекционные занятия проводятся в аудиториях, предоставляемых деканатом факультета в соответствии с расписанием.

Отдельные занятия проводятся в специализированных лабораториях - лабораториях кафедры прикладной математики, информационных технологии и информационной безопасности.

На отдельных занятиях необходим видеопроектор с экраном (или компьютерный класс), оборудование лабораторий.

В распоряжении преподавателей и обучающихся имеется основное необходимое материально-техническое оборудование, а именно компьютеры с соответствующим компьютерным и программным обеспечением, Интернет-ресурсы, доступ к полнотекстовым электронным базам, книжный фонд Научной библиотеки АГУ.

#### **Комплект лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства:**

1. Ubuntu (<https://ubuntu.com/download>), Microsoft Windows 2000 Server CAL Russian, Microsoft Win Starter 7 Russian Academic OPEN;
2. Google Chrome (<https://www.google.com/chrome>);
3. LibreOffice (<https://www.libreoffice.org/download/download>);
4. Microsoft Office 2010 Russian Academic OPEN;
5. Microsoft Office Professional Plus 2010 Russian Academic OPEN;

6. Notepad++ (<https://notepad-plus-plus.org/downloads>);
7. Latex (<https://www.latex-project.org/get/>);
8. MySQL (<https://www.oracle.com/ru/mysql/>);
9. Пакет прикладных математических программ Scilab (<https://www.scilab.org/download/6.1.0>).



## 10. Лист регистрации изменений

[illegible]